

Pauta Test N°1
Álgebra y Trigonometría (527103)

1. Considere un conjunto universal U y la proposición p :

$$(\forall A \subseteq U) (\forall B \subseteq U) (\forall C \subseteq U) : (A \subseteq B \cup C \rightarrow (A \subseteq B \vee A \subseteq C))$$

- Escriba la negación de p .
- Determine el valor de verdad de p justificando adecuadamente.

Solución:

- La negación de p está dada por

$$(\exists A \subseteq U) (\exists B \subseteq U) (\exists C \subseteq U) : (A \subseteq B \cup C \wedge \sim (A \subseteq B \vee A \subseteq C)),$$

de donde

$$\sim p \Leftrightarrow (\exists A \subseteq U) (\exists B \subseteq U) (\exists C \subseteq U) : (A \subseteq B \cup C \wedge (A \not\subseteq B \wedge A \not\subseteq C)).$$

(3 puntos)

- Al considerar $A = \{1, 2\}$, $B = \{1, 3\}$ y $C = \{2\}$, se tiene que $A \subseteq B \cup C$ porque $\{1, 2\} \subseteq \{1, 2, 3\}$, que $A \not\subseteq B$ porque $\{1, 2\} \not\subseteq \{1, 3\}$ y que $A \not\subseteq C$ porque $\{1, 2\} \not\subseteq \{2\}$ **(2 puntos)**. Se tiene entonces que p es falsa, pues su negación es verdadera. **(1 punto)**

2. Usando propiedades de conjuntos, demuestre que si A y B son conjuntos, vale:

$$A - (A - B) = A \cap B.$$

Solución:

$$\begin{aligned} A - (A - B) &= A - (A \cap B^c) \\ &= A \cap (A \cap B^c)^c \quad \mathbf{(2 \text{ puntos})} \\ &= A \cap (A^c \cup (B^c)^c) \quad \mathbf{(2 \text{ puntos})} \\ &= A \cap (A^c \cup B) \\ &= (A \cap A^c) \cup (A \cap B) \\ &= \phi \cup (A \cap B) \\ &= A \cap B. \quad \mathbf{(2 \text{ puntos})} \end{aligned}$$